# В экзаменационных заданиях используются следующие соглашения.

- 1. Обозначения для логических связок (операций):
  - а) *отрицание* (инверсия, логическое НЕ) обозначается ¬ (например, ¬А);
- b) конъюнкция (логическое умножение, логическое И) обозначается  $\land$  (например, А  $\land$  В) либо & (например, А & В);
- с) *дизъюнкция* (логическое сложение, логическое ИЛИ) обозначается  $\lor$  (например,  $A \lor B$ ) либо | (например,  $A \mid B$ );
  - d) *следование* (импликация) обозначается  $\rightarrow$  (например, A  $\rightarrow$  B);
- е) *только тогда*, когда значения A = B истинно тогда и только тогда, когда значения A = B истинно тогда и только тогда, когда значения A = B совпадают (либо они оба истинны, либо они оба ложны);
- f) символ 1 используется для обозначения истины (истинного высказывания); символ 0 для обозначения лжи (ложного высказывания).
- 2. Два логических выражения, содержащих переменные, называются *равносильными* (эквивалентными), если значения этих выражений совпадают при любых значениях переменных. Так, выражения  $A \to B$  и ( $\neg A$ )  $\lor B$  равносильны, а  $A \lor B$  и  $A \land B$  неравносильны (значения выражений разные, например, при A = 1, B = 0).
- 3. Приоритеты логических операций: инверсия (отрицание), конъюнкция (логическое умножение), дизъюнкция (логическое:"4140: сложение), импликация (следование), тождество. Таким образом,  $\neg A \land B \lor C \land D$  означает то же, что и (( $\neg A$ )  $\land$  B)  $\lor$  ( $C \land D$ ). Возможна запись  $A \land B \land C$  вместо ( $A \land B$ )  $\land$  С. То же относится и к дизъюнкции: возможна запись  $A \lor B \lor C$  вместо ( $A \lor B$ )  $\lor$  С.
- 4. Обозначения Мбайт и Кбайт используются в традиционном для информатики смысле как обозначения единиц измерения, чьё соотношение с единицей «байт» выражается степенью двойки.

# Районная репетиционная работа по информатике в форме единого государственного экзамена в 11-х классах в 2018-2019 учебном году

## 6 вариант

#### Часть 1

Ответами к заданиям 1-23 являются число, последовательность букв или цифр, которые следует записать в БЛАНК ОТВЕТОВ №1 справа от номера соответствующего задания, начиная с первой клеточки, <u>без пробелов, запятых и других дополнительных символов</u>. Каждый символ пишите в отдельной клеточке в соответствии с приведенными в бланке образцами.

**1.** Сколько верных неравенств среди перечисленных:  $10011010_2 > 256_{10}$ ;  $10011010_2 > 9F_{16}$ ;  $10011010_2 > 232_8$ .

**2.** Логическая функция F задаётся выражением  $(x \lor y) \rightarrow (z \equiv x)$ .

Дан частично заполненный фрагмент, содержащий **неповторяющиеся** строки таблицы истинности функции F.

Определите, какому столбцу таблицы истинности соответствует каждая из переменных x, y, z.

Переменная 1	Переменная 2	Переменная 3	Функция
???	???	???	F
	0	0	0
	0		0

В ответе напишите буквы x, y, z в том порядке, в котором идут соответствующие им столбцы (сначала — буква, соответствующая первому столбцу; затем — буква, соответствующая второму столбцу, и т. д.). Буквы в ответе пишите подряд, никаких разделителей между буквами ставить не нужно.

*Пример.* Пусть задано выражение  $x \to y$ , зависящее от двух переменных x и y, и фрагмент таблицы истинности:

Переменная 1	Переменная 2	Функция
???	???	F
0	1	0

Тогда первому столбцу соответствует переменная y, а второму столбцу соответствует переменная x. В ответе нужно написать: yx.

**3.** Между населёнными пунктами A, B, C, D, E, F, Z построены дороги, протяжённость которых приведена в таблице. (Отсутствие числа в таблице означает, что прямой дороги между пунктами нет.)

	A	В	С	D	Е	F	Z
A		8					47
В	8		5	7	17		
С		5		3			
D		7	3		2		
Е		17		2		2	6
F					2		3
Z	47				6	3	

Определите длину кратчайшего пути между пунктами A и Z (при условии, что передвигаться можно только по построенным дорогам).

4. База данных «Библиотека» состоит из трех связанных таблиц:

	Таблица читателей				
№ п/п	Фамилия, Имя, Отчество	Адрес	№ читательского билета		
1	Петров Геннадий Сергеевич	Летная ул., д. 15 кв. 10	A112703		
2	Смирнова Елена Петровна	Полевая ул., д. 28, кв. 5	B514891		
3	Кошкина Ольга Петровна	Фруктовая ул., д. 11, кв. 350	Б312187		
4	Сергеенко Олег Тимофеевич	Летная ул., д. 8/15 кв. 81	A220157		
5	Плотникова Тамара Тихоновна	Виноградная ул., д. 47, кв. 58	B612831		
6	Кудряшова Ирина Ивановна	Полевая ул., д. 11, кор. 2, кв. 118	A340280		

Таблица книг				
Инв. номер	Автор	Название	Год издания	
56714	Пушкин А. С.	Маленькие трагедии	1983	
35214	Пушкин А. С.	Борис Годунов	1990	
87561	Лермонтов М. Ю.	Маскарад	1980	
54032	Гоголь Н. В.	Вий	2008	
20004	Гоголь Н. В.	Мёртвые души	2003	
75020	Пушкин А. С.	Сказки	1998	

Таблица выдачи книг				
Инв. номер книги	№ читательского билета	Дата выдачи		
56714	A112703	15.01.2010		
20004	Б312187	20.01.2010		
35214	A112703	05.02.2010		
56714	A220157	10.03.2010		
87561	A220157	29.03.2010		
54032	B514891	08.02.2010		
56714	Б312187	15.04.2010		
75020	A340280	07.02.2010		
20004	A112703	01.03.2010		

Сколько раз жители ул. Лётная брали в библиотеке книги А. С. Пушкина?

- **5.** Для кодирования букв A, Б, B,  $\Gamma$  используются четырехразрядные последовательные двоичные числа от 1000 до 1011 соответственно. Закодируйте таким образом последовательность символов БГАВ и запишите результат в восьмеричном коде.
  - 6. У исполнителя Калькулятор две команды, которым присвоены номера:
  - 1. прибавь 3,
  - 2. умножь на 4.

Выполняя первую из них, Калькулятор прибавляет к числу на экране 3, а выполняя вторую, умножает его на 4. Запишите порядок команд в программе, которая преобразует число 4 в число 37 и содержит не более 5 команд. Указывайте лишь номера команд. (Например, программа **21211** — это программа умножь на 4, прибавь 3, умножь на 4, прибавь 3. Эта программа преобразует число 2 в число 50.)

7. Дан фрагмент электронной таблицы. Из ячейки D2 в одну из ячеек диапазона E1:E4 была скопирована формула. При копировании адреса ячеек в формуле автоматически изменились, и значение формулы стало равным 8. В какую ячейку была скопирована формула? В ответе укажите только одно число – номер строки, в которой расположена ячейка.

	A	В	С	D	Е
1	1	2	3	4	
2	2	3	4	= B\$3 + \$C2	
3	3	4	5	6	
4	4	5	6	7	

# Примечание.

Знак \$ обозначает абсолютную адресацию.

**8.** Запишите число, которое будет напечатано в результате выполнения программы (для Вашего удобства программа представлена на четырёх языках программирования).

Бейсик	Паскаль
DIM N, S AS INTEGER N = 0 S = 0 WHILE S <= 325 S = S + 10 N = N + 3 WEND PRINT N	var n, s: integer; begin n:=0; s:=0; while s <= 325 do begin s:=s+10; n:=n+3 end; write (n) end.
Си++	Алгоритмический язык
#include <iostream> using namespace std; int main () {     int n, s;     n = 0;     s = 0;     while (s &lt;= 325)     {         s = s + 10;         n = n + 3;     }     cout « n « endl; }</iostream>	алг нач целп, $s$ $n := 0$ $s := 0$ нц пока $s <= 325$ $s := s + 10$ $n := n + 3$ кц вывод $n$ кон
Pyt	hon
n = 0 s = 0 while s <= 325: s += 10 n += 3 print(n)	

- **9.** Скорость передачи данных через ADSL—соединение равна 512 000 бит/с. Передача файла через это соединение заняла 1 минуту. Определить размер файла в килобайтах.
- **10.** Сколько существует различных символьных последовательностей длины от трёх до четырёх в четырёх буквенном алфавите  $\{A, C, G, T\}$ ?
- **11.**Ниже на пяти языках программирования записаны две рекурсивные функции: F и G.

Бейсик	Python
FUNCTION F(n) IF n > 2 THEN $F = F(n-1) + G(n-2)$ ELSE $F = 2$ END IF END FUNCTION $FUNCTION G(n)$ IF n > 2 THEN $G = G(n-1) + F(n-2)$ ELSE $G = 2$ END IF END FUNCTION	$\begin{aligned} &\text{def } F(n): \\ &\text{if } n > 2: \\ &\text{return } F(n\text{-}1) + G(n\text{-}2) \\ &\text{else: return } 2 \\ &\text{def } G(n): \\ &\text{if } n > 2: \\ &\text{return } G(n\text{-}1) + F(n\text{-}2) \\ &\text{else: return } 2 \end{aligned}$
Паскаль	Алгоритмический язык
function $F(n : integer)$ : integer; begin if $n > 2$ then $F := F(n-1) + G(n-2)$ else $F := 2$ ; end; function $G(n : integer)$ : integer; begin if $n > 2$ then $G := G(n-1) + F(n-2)$ else $G := 2$ ; end;	алг цел $F$ (цел $n$ ) нач если $n > 2$ то знач:= $F(n-1) + G(n-2)$ иначе знач:= 2 все кон алг цел $G$ (цел $n$ ) нач если $n > 2$ то знач:= $G(n-1) + F(n-2)$ иначе знач:= 2 все кон
C	Си
$\begin{split} &\inf F(\text{int } n) \; \{ \\ & \text{if } (n > 2) \\ & \text{return } F(n\text{-}1) + G(n\text{-}2); \\ & \text{else} \\ & \text{return } 2; \\ & \} \\ & \text{int } G(\text{int } n) \; \{ \\ & \text{if } (n > 2) \\ & \text{return } G(n\text{-}1) + F(n\text{-}2); \\ & \text{else} \\ & \text{return } 2; \\ & \} \end{split}$	

Чему будет равно значение, вычисленное при выполнении вызова G(6)?

**12.** В терминологии сетей ТСР/IP маской подсети называется 32-разрядное двоичное число, определяющее, какие именно разряды IP-адреса компьютера являются общими для всей подсети — в этих разрядах маски стоит 1. Обычно маски записываются в виде четверки десятичных чисел — по тем же правилам, что и IP-адреса. Для некоторой подсети используется маска 255.255.248.0. Сколько различных адресов компьютеров допускает эта маска?

*Примечание*. На практике для адресации компьютеров не используются два адреса: адрес сети и широковещательный адрес.

- 13. Каждый сотрудник предприятия получает электронный пропуск, на котором записаны личный код сотрудника, номер подразделения и некоторая дополнительная информация. Личный код состоит из 13 символов, каждый из которых может быть русской буквой (используется 30 различных букв, каждая буква может быть заглавной или строчной) или одной из цифр от 1 до 9 (ноль для записи кодов не используется). Для записи кода на пропуске отведено минимально возможное целое число байт. При этом используют посимвольное кодирование, все символы кодируют одинаковым минимально возможным количеством бит. Номер подразделения целое число от 1 до 500, он записан на пропуске как двоичное число и занимает минимально возможное целое число байт. Всего на пропуске хранится 40 байт данных. Сколько байт выделено для хранения дополнительных сведений об одном сотруднике? В ответе запишите только целое число количество байт.
- **14.** Система команд исполнителя РОБОТ, «живущего» в прямоугольном лабиринте на клетчатой плоскости, включает в себя 4 команды-приказа и 4 команды проверки условия. Команды-приказы: вверх, вниз, влево, вправо. При выполнении любой из этих команд РОБОТ перемещается на одну клетку соответственно: вверх ↑, вниз ↓, влево ←, вправо →. Если РОБОТ начнёт движение в сторону находящейся рядом с ним стены, то он разрушится, и программа прервётся.

Другие 4 команды проверяют истинность условия отсутствия стены у каждой стороны той клетки, где находится РОБОТ: **сверху свободно, снизу свободно, слева свободно, справа свободно**. Цикл

ПОКА условие

последовательность команд

КОНЕЦ ПОКА

выполняется, пока условие истинно. В конструкции

ЕСЛИ условие

ТО команда1

ИНАЧЕ команда2

КОНЕЦ ЕСЛИ

Выполняется команда 1 (если условие истинно) или команда 2 (если условие ложно).

Сколько клеток лабиринта соответствуют требованию, что, начав движение в ней и выполнив предложенную программу, РОБОТ уцелеет и остановится в закрашенной клетке (клетка A6)?

НАЧАЛО

ПОКА слева свободно ИЛИ снизу свободно

ЕСЛИ слева свободно

ТО влево

ИНАЧЕ вниз

КОНЕЦ ЕСЛИ

КОНЕЦ ПОКА

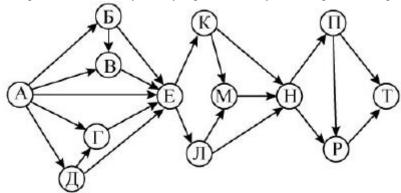
КОНЕЦ

остановится в закра

1
2
3
4

ABCDE

**15.** На рисунке изображена схема дорог, связывающих города А, Б, В, Г, Д, Е, К, Л, М, Н, П, Р, Т. По каждой дороге можно двигаться только в одном направлении, указанном стрелкой. Сколько существует различных путей из города А в город Т?



**16.** Решите уравнение:  $42_6 + x = 42_7$ 

Ответ запишите в десятичной системе счисления.

- **17.** В списке приведены запросы к поисковому серверу. Расположите обозначения запросов в порядке убывания количества страниц, которые найдет поисковый сервер по каждому запросу. Ответ запишите в виде последовательности соответствующих букв.
- а) Информатика & уроки & Excel
- b) Информатика | уроки | Excel | диаграмма
- с) Информатика | уроки | Excel
- d) Информатика | Excel
  - **18.** На числовой прямой задан отрезок A. Известно, что формула

$$((x \in A) \to (x^2 \le 100)) \land ((x^2 \le 64) \to (x \in A))$$

тождественно истинна при любом вещественном x. Какую наибольшую длину может иметь отрезок A?

**19.** В программе описан одномерный целочисленный массив с индексами от 0 до 10. Ниже представлен записанный на разных языках программирования фрагмент одной и той же программы, обрабатывающей данный массив:

, е ериент	, <u>A</u> ,,,
Бейсик	Python
s = 0 n = 10 FOR $i = 0$ TO n-3 s = s+A(i)-A(i+2) NEXT $i$	$\begin{split} s &= 0 \\ n &= 10 \\ \text{for i in range}(0, n-2): \\ s &= s + A[i] - A[i+2] \end{split}$
Паскаль	Алгоритмический язык
s:=0; n:=10; for i:=0 to n-3 do begin s:=s+A[i]-A[i+2] end;	s:=0 n:=10 нц для і от 0 до n-3 s:=s+A[i]-A[i+2] кц

	Си++
$\label{eq:substitute} \begin{split} s &= 0; \\ n &= 10; \\ for \ (i &= 0; i <= n\text{-}3; i\text{++}) \ \{ \\ s &= s\text{+}A[i]\text{-}A[i\text{+}2]; \\ \} \end{split}$	

В начале выполнения этого фрагмента в массиве находились трёхзначные натуральные числа. Какое наибольшее значение может иметь переменная s после выполнения данной программы?

**20.** Ниже на 5-ти языках программирования записан алгоритм. Получив на вход число x, этот алгоритм печатает два числа а и Ь. Укажите наименьшее из таких чисел x. при вводе которых алгоритм печатает сначала 3. а потом 7.

х алгоритм печатает снача	I I I I I I I I I I I I I I I I I I I
Бейсик	Паскаль
DIM X, A, B AS INTEGER INPUT X A=0: B=0 WHILE X > 0 A = A + 1 B = B + (X MOD 10) X = X \ 10 WEND PRINT A PRINT B	var x, a, b: integer; begin readln(x); a: = 0; b: = 0; while x>0 do begin a: = a + 1; b: = b + (x mod 10); x: = x div 10 end; writeln(a); write(b);
Си++	end.  Алгоритмический язык
#include <iostream> using namespace std; int main() {     int x, a, b;     cin &gt;&gt; x;     a = 0; b = 0;     while (x&gt;0){         a = a + 1;         b=b+(x%10);         x = x / 10;     }     cout &lt;&lt; a &lt;&lt; endl &lt;&lt; b endl; }</iostream>	алг нач цел $x$ , $a$ , $b$ ввод $x$ $a:=0$ ; $b:=0$ нц пока $x>0$ $a:=a+1$ $b:=b+mod(x,10)$ $x:=div(x,10)$ кц вывод $a$ , нс, $b$ кон
Pyt	hon
x = int(input()) a = 0 b = 0 while x > 0: a += 1 b += x % 10 x = x // 10 print(a) print(b)	

**21.** Напишите в ответе наименьшее значение входной переменной k, при котором программа выдаёт ответ 21. Для Вашего удобства программа приведена на пяти языках программирования.

Бейсик	Python	
DIM K, I AS LONG INPUT K I = 1 WHILE F(I) <= K*G(I) I = I + 1 WEND PRINT I  FUNCTION F(N) F = N * N * N END FUNCTION FUNCTION G(N) G = N * N END FUNCTION	<pre>def f(n):     return n*n*n  def g(n):     return n*n  k = int(input())     i = 1     while f(i) &lt;= k*g(i):     i += 1     print (i)</pre>	
Паскаль	Алгоритмический язык	
<pre>var     k, i : longint; function f(n: longint): longint; begin     f := n * n * n; end; function g(n: longint): longint; begin     g := n*n; end;  begin     readln(k);     i := 1;     while f(i) &lt;= k*g(i) do     i := i+1;     writeln(i) end.</pre>	алг нач цел i, k ввод k i := 1 нц пока f(i) <= k*g(i) i := i + 1 кц вывод i кон алг цел f(цел п) нач знач := n * n * n кон алг цел g(цел п) нач знач := n * n * n	
Си	ı++	
#include <iostream> using namespace std; long f(long n) { return n * n * n; } long g(long n) { return n*n; } int main() { long k, i; cin &gt;&gt; k; i = 1; while (f(i) &lt;= k*g(i)) i++; cout &lt;&lt; i &lt;&lt; endl; return 0; }</iostream>		

**22.** Определите значение переменной P после выполнения следующего фрагмента программы:

Бэйсик	Паскаль
$P = 1 \\ i = 3 \\ WHILE \ i <= 9 \\ P = P * i \setminus 3 \\ i = i + 1$	$P:=1; i:=3; \\ while i <= 9 \text{ do begin} \\ P:= P*(i \text{ div } 3); \\ i:= i+1; \\ end;$
Си++	Алгоритмический язык
P=1 i=3; while (i <= 9) { P = P * (i / 3); i += 1; }	P:=1 $i:=3$ нц пока $i <= 9$ $P:= P* div(i, 3)$ $i:= i+1$ кц
Python	
P = 1  i = 3  while i <= 9:  P = P * (i // 3)  i += 1	

**23.** Сколько существует различных наборов значений логических переменных  $x_1$ ,  $x_2,...,x_8$ ,  $y_1,y_2,...,y_8$ , которые удовлетворяют всем перечисленным ниже условиям?

$$(x_1 \equiv x_2) \equiv (y_1 \equiv y_2) = 1$$
  
$$(x_2 \equiv x_3) \equiv (y_2 \equiv y_3) = 1$$

• • •

$$(\mathbf{x}_7 \equiv \mathbf{x}_8) \equiv (\mathbf{y}_7 \equiv \mathbf{y}_8) = 1$$

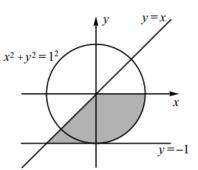
В ответе не нужно перечислять все различные наборы значений переменных  $x_1, x_2, ..., x_8, y_1, y_2, ..., y_8$  при которых выполнена данная система равенств. В качестве ответа Вам нужно указать количество таких наборов.

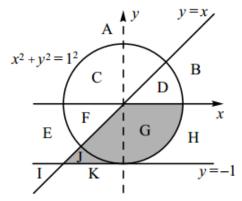
## Часть 2

Для записи ответов на задания этой части (24-27) используйте БЛАНК ОТВЕТОВ №2. Запишите сначала номер задания (24, 25 и т.д.), а затем полное решение. Ответы записывайте чётко и разборчиво.

**24.** Требовалось написать программу, которая вводит с клавиатуры координаты точки на плоскости (x, y — действительные числа) и определяет принадлежность точки заштрихованной области (включая границы). Программист торопился и написал программу неправильно. Ниже для Вашего удобства программа представлена на четырёх языках программирования.

Бейсик	Паскаль
INPUT x, y IF y>=-1 THEN IF y<=x THEN IF y<=0 THEN IF x*x+y*y<=1 THEN PRINT "принадлежит" ELSE PRINT "не принадлежит" END IF END IF END IF END IF END IF	var x,y: real; begin readln(x,y); if y>=-1 then if y<=0 then if x*x+y*y<=1 then write('принадлежит') else write('не принадлежит'); end.
Си++	Алгоритмический
#include <iostream> using namespace std; int main() { float x,y; cin &gt;&gt; x &gt;&gt; y; if (y&gt;=-1) if (y&lt;=x) if (y&lt;=0) if (x*x+y*y&lt;=1) cout &lt;&lt; "принадлежит"; else cout &lt;&lt; "не принадлежит"; }</iostream>	алг нач вещ х,у ввод х,у если у>=-1 то если у<=х то если у<=0 то если х*х+у*у<=1 то вывод 'принадлежит' иначе вывод 'не принадлежит' все все все все кон
Python	
x,y = float(input()) if y>=-1: if y<=x: if y<=0: if x*x+y*y<=1: print("принадлежит") else: print("не принадлежит")	





Последовательно выполните следующее.

1. Перерисуйте и заполните таблицу, которая показывает, как работает программа при аргументах, принадлежащих различным областям (A, B, C, D, E, F, G, H, I, J, K). Точки, лежащие на границах областей, отдельно не рассматривать. Координатные оси не являются границами областей. В столбцах условий укажите «да», если условие выполнится, «нет», если условие не выполнится, «—» (прочерк), если условие не будет проверяться, «не изв.», если программа ведёт себя по-разному для разных значений, принадлежащих данной области. В столбце «Программа выведет» укажите, что программа выведет на экран. Если программа ничего не выводит, напишите «—» (прочерк). Если для разных значений, принадлежащих области, будут выведены разные тексты, напишите «не изв.». В последнем столбце укажите «да» или «нет».

Область Условие1 Условие 2 Условие 3 Условие 4 Программа Область обрабатывается (x\*x+y\*y<=1)(y>=-1) $(y \le x)$ (y < = 0)выведет верно Α В C D Е F G Н J K

- 2. Укажите, как нужно доработать программу, чтобы не было случаев её неправильной работы. (Это можно сделать несколькими способами, достаточно указать любой способ доработки исходной программы.)
- **25.** Дан целочисленный массив из 40 элементов. Элементы массива могут принимать произвольные значения. Опишите на русском языке или на одном из языков программирования алгоритм, который находит и выводит сумму элементов наибольшей возрастающей последовательности подряд идущих элементов массива.

Исходные данные объявлены так, как показано ниже. Запрещается использовать переменные, не описанные ниже, но разрешается не использовать часть из них.

Бэйсик	Паскаль	
N = 40 DIM A(N) AS INTEGER DIM I, L, LMAX, S, SMAX AS INTEGER FOR I = 1 TO N INPUT A (I) NEXT I END	$\label{eq:const} \begin{split} &const\\ &N=40;\\ &var\\ &a: array\;[1N]\;of\;integer;\\ &i,\;l,\;lmax,\;s,\;smax:\\ &integer\\ &begin\\ &for\;i:=1\;to\;N\;do\\ &readln(a[i]);\\ &\dots\\ &end. \end{split}$	
Си++	Алгоритмический язык	
#include <iostream> using namespace std; #define N 40 int main(void) {int a [N]; int i, l, lmax, s, smax; for (i = 0; i &lt; N; i++) cin &gt;&gt; a[i]; }</iostream>	алг нач цел N = 40 целтаб a[1:N] цел i, L, Lmax, S, Smax нц для i от 1 до N ввод a[i] кц  кон	
Python		
# допускается также # использовать две # целочисленные переменные l, lmax a = [] n = 40 for i in range(0, n): a.append(int(input()))	., s, smax	

В качестве ответа вам необходимо привести фрагмент программы (или описание алгоритма на естественном языке), который должен находиться на месте многоточия. Вы можете записать решение также на другом языке программирования (укажите название и используемую версию языка программирования, например Borland Pascal 7.0) или в виде блок-схемы. В этом случае вы должны использовать те же самые исходные данные и переменные, какие были предложены в условии (например, в образце, записанном на естественном языке).

26. Два игрока, Петя и Ваня, играют в следующую игру. Перед игроками лежит куча камней. Игроки ходят по очереди, первый ход делает Петя. За один ход игрок может добавить в кучу один камень или увеличить количество камней в куче в два раза. Например, имея кучу из 15 камней, за один ход можно получить кучу из 16 или 30 камней. У каждого игрока, чтобы делать ходы, есть неограниченное количество камней.

Игра завершается в тот момент, когда количество камней в куче становится не менее 25. Победителем считается игрок, сделавший последний ход, то есть первым получивший кучу, в которой будет 25 или больше камней.

В начальный момент в куче было S камней,  $1 \le S \le 24$ .

Будем говорить, что игрок имеет выигрышную стратегию, если он может выиграть при любых ходах противника. Описать стратегию игрока — значит описать, какой ход он должен сделать в любой ситуации, которая ему может встретиться при различной игре противника.

Выполните следующие задания. Во всех случаях обосновывайте свой ответ.

- $1.\,a)$  Укажите все такие значения числа S, при которых Петя может выиграть в один ход. Обоснуйте, что найдены все нужные значения S, и укажите выигрывающий ход для каждого указанного значения S.
- б) Укажите такое значение S, при котором Петя не может выиграть за один ход, но при любом ходе Пети Ваня может выиграть своим первым ходом. Опишите выигрышную стратегию Вани.
- 2. Укажите два таких значения S, при которых у Пети есть выигрышная стратегия, причём (а) Петя не может выиграть за один ход и (б) Петя может выиграть своим вторым ходом независимо от того, как будет ходить Ваня. Для каждого указанного значения S опишите выигрышную стратегию Пети.
  - 3. Укажите значение S, при котором:
- у Вани есть выигрышная стратегия, позволяющая ему выиграть первым или вторым ходом при любой игре Пети, и
- у Вани нет стратегии, которая позволит ему гарантированно выиграть первым ходом.
   Для указанного значения S опишите выигрышную стратегию Вани. Постройте дерево всех партий, возможных при этой выигрышной стратегии Вани (в виде рисунка или таблицы). На рёбрах дерева указывайте, кто делает ход; в узлах количество камней в куче.
- **27.** Для заданной последовательности целых чисел необходимо найти максимальную сумму квадратов двух её элементов, номера которых различаются не менее чем на 10. Значение каждого элемента последовательности не превышает 100. Количество элементов последовательности не превышает 10000.

Вам предлагаются два задания, связанные с этой задачей: задание А и задание Б. Вы можете решать оба задания А и Б или одно из них по своему выбору.

Итоговая оценка выставляется как **максимальная** из оценок за задания A и Б. Если решение одного из заданий не представлено, то считается, что оценка за это задание составляет 0 баллов.

Задание Б является усложненным вариантом задания A, оно содержит дополнительные требования к программе.

**А**. Напишите на любом языке программирования программу для решения поставленной задачи, в которой входные данные будут запоминаться в массиве, после чего будут проверены все возможные пары элементов.

Перед программой укажите версию языка программирования. Обязательно укажите, что программа является решением задания А.

Максимальная оценка за выполнение задания А – 2 балла.

**Б**. Напишите программу для решения поставленной задачи, которая будет эффективна как по времени, так и по памяти (или хотя бы по одной из этих характеристик).

Программа считается эффективной по времени, если время работы программы пропорционально количеству элементов последовательности N, т.е. при увеличении N в k раз время работы программы должно увеличиваться не более чем в k раз.

Программа считается эффективной по памяти, если размер памяти, использованной в программе для хранения данных, не зависит от числа N и не превышает 1 килобайта. Перед программой укажите версию языка программирования и кратко опишите использованный алгоритм.

Обязательно укажите, что программа является решением задания Б.

Максимальная оценка за правильную программу, эффективную по времени и по памяти, – 4 балла.

Максимальная оценка за правильную программу, эффективную по времени, но неэффективную по памяти, – 3 балла.